

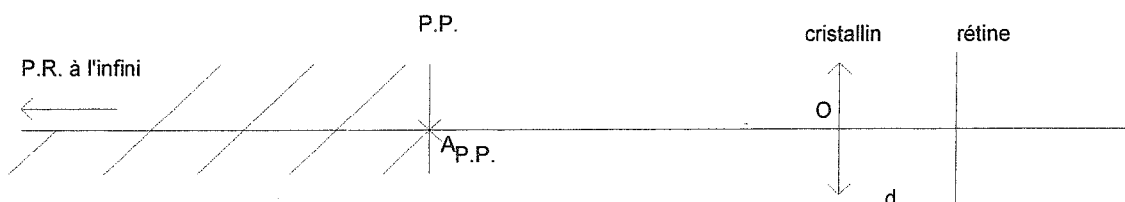
EPREUVE DE PHYSIQUE avec calculatrice ( 2h ) de JUIN 2008 ( 3 exercices à traiter dans un ordre quelconque ) .

1) Pouvoir d'accomodation de l'œil . (On pourra utiliser les données à la fin de l'exercice) .

L'œil simplifié est constitué d'une lentille mince convergente (cristallin) de distance focale  $f'$  (vergence  $V = 1/f'$ ), placée devant un écran (la rétine). La distance entre le cristallin et la rétine est fixe égale à  $d = 2 \text{ cm}$ . Les muscles liés au cristallin peuvent modifier la vergence  $V$  du cristallin. Lorsque les muscles sont au repos, la vergence est minimale  $V_{\min}$ . La contraction extrême des muscles permet d'augmenter la vergence à  $V_{\max}$ .  $V_{\min}$  ne varie pas avec l'âge. En revanche  $V_{\max}$  diminue avec l'âge et se rapproche de  $V_{\min}$ .

Le pouvoir d'accomodation  $V_{\max} - V_{\min}$ , indépendant des défauts de convergence de l'œil, caractérise donc l'âge de l'œil.

a) Un œil emmétrope jeune (20 ans) possède un punctum remotum : P.R. (position de l'objet permettant une vision nette sans accomodation ou muscles au repos) à l'infini :  $\overline{OA}_{P.R.} = \infty$  et un punctum proximum : P.P. (position de l'objet permettant une vision nette avec accomodation maximale) égal à  $\overline{OA}_{P.P.} = -10 \text{ cm}$ .



Pour cet œil, déterminer  $V_{\min}$ ,  $V_{\max}$  et  $V_{\max} - V_{\min}$ . On précisera l'unité.

b) Un œil myope jeune (20 ans) possède un punctum remotum égal à  $-50 \text{ cm}$ .

Déterminer  $V_{\min}$ ,  $V_{\max}$  et la position du punctum proximum de cet œil.

c) Un œil hypermétrope jeune (20 ans) possède un punctum proximum égal à  $-12 \text{ cm}$ .

Déterminer  $V_{\max}$ ,  $V_{\min}$  et la position du punctum remotum de cet œil.

d) Quel œil nécessite, dès à présent, une correction pour la vie courante ?

e) A soixante ans la faculté d'accomodation est très réduite ( $V_{\min} \approx V_{\max}$ ), chacun doit porter des lunettes ou des lentilles.

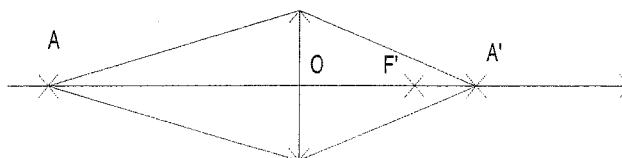
Les lentilles progressives (plutôt à vergence progressive) permettent une correction adaptée à l'usage courant : vision nette pour des objets à l'infini (vision haute) et à  $33 \text{ cm}$  devant l'œil (vision basse).

Déterminer la vergence supérieure et inférieure ( $V_{\text{sup}}$ ,  $V_{\text{inf}}$ ) des lentilles progressives adaptées aux yeux décrits au a), b) et c).

Données :

a) Si A a pour image A' à travers la lentille de distance

focale  $f' = \overline{OF'}$ , on a :  $\frac{1}{OA'} - \frac{1}{OA} = \frac{1}{OF'}$ .



Les distances algébriques sont comptées positivement de droite à gauche.

b) La vergence de deux lentilles accolées est égale à la somme des vergences des deux lentilles

Les parties 2) et 2bis) peuvent être traitées séparément . On pourra utiliser le résultat final de la partie 2) (cf 2)f) pour aborder la partie 2bis) .

Les grandeurs en caractères gras sont des grandeurs vectorielles .

2) Un pendule simple est constitué d'une masse ponctuelle  $m$  , accrochée par un fil de longueur  $R$  à un point fixe  $O$  . Le pendule pesant est lâché sans vitesse initiale depuis un angle  $\theta_0$  . On notera  $v$  la norme du vecteur vitesse .

a) Tracer les forces s'exerçant sur la masse  $m$  .

On notera  $\mathbf{F}$  la force de tension du fil .

b) Le vecteur accélération de  $m$  s'écrit :  $\mathbf{a} = dv/dt = dv/dt \mathbf{T} + v^2/R \mathbf{N}$  .

Rappeler le vecteur accélération  $\mathbf{a}$  pour un mouvement circulaire uniforme . Justifier la différence .

Exprimer  $v$  en fonction de  $R$  et  $d\theta/dt$  , puis  $dv/dt$  en fonction de  $d^2\theta/dt^2$  et  $R$  .

b) Ecrire les deux équations obtenues par projection de la relation fondamentale de la dynamique .

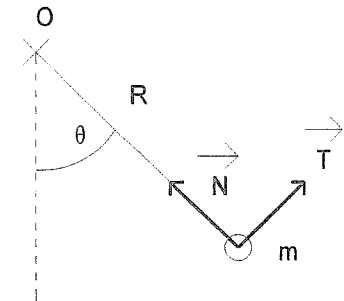
c) Montrer que  $\theta$  satisfait une équation de la forme  $d^2\theta/dt^2 + \omega^2 \sin\theta = 0$  . En déduire la période des petites oscillations du pendule .

d) Exprimer  $F$  (norme de  $\mathbf{F}$ ) en fonction de  $v$  ,  $g$  ,  $R$  ,  $m$  et  $\theta$  . On ne se limite pas ici aux petites oscillations .

e) Déterminer l'énergie mécanique du pendule pesant en fonction de  $m$  ,  $g$  ,  $R$  et  $\theta_0$  .

En déduire l'énergie cinétique de  $m$  pour un angle  $\theta$  quelconque en fonction de  $m$  ,  $\theta$  ,  $R$  ,  $g$  et  $\theta_0$  .

f) Montrer que  $F$  s'écrit :  $F = 3mg\cos\theta - 2mg\cos\theta_0$  .



2bis) Une poulie placée en  $O$  permet à un opérateur de modifier la longueur du pendule .

La force exercée par l'opérateur est égale à la tension du fil  $F = F_{op}$  .

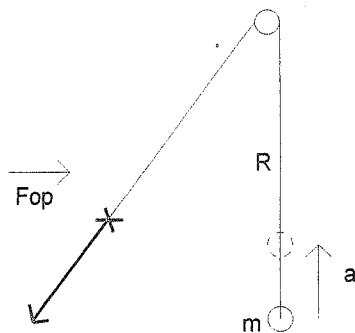
On pourra , lors de la première oscillation , utiliser l'expression établie précédemment 2)f) .

a) Au premier passage à la verticale , la longueur du pendule est réduite de  $a$  ( $a$  faible devant  $R$ ) .

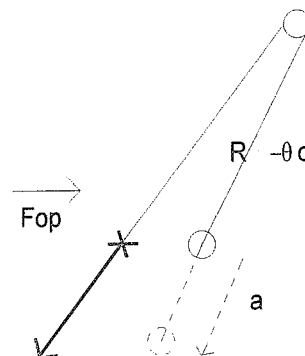
Déterminer le travail effectué par l'opérateur .

b) Lorsque  $\theta = -\theta_0$  , la longueur est augmentée de  $a$  .

Déterminer le travail effectué par l'opérateur .



Passage à la verticale



Passage à  $\theta = -\theta_0$

c) Au deuxième passage à la verticale , la longueur du pendule est à nouveau réduite de  $a$  . Puis lorsque  $\theta = +\theta_0$  , la longueur est augmentée de  $a$  .

Déterminer le travail total effectué par l'opérateur pendant l'oscillation .

- d) Déterminer, l'énergie mécanique du pendule après une oscillation .  
 Soit  $\theta_1$  ( angle maximum atteint après la première oscillation ) établir l'équation reliant  $\theta_0$  et  $\theta_1$  . Comparer  $\theta_1$  et  $\theta_0$  .  
 e) Que se produit-il lorsque l'on renouvelle l'opération ?  
 f) Proposer un mode opératoire analogue permettant de freiner le pendule .

### 3) Réactions de fusion et de fission .

a) La réaction de fusion entre un noyau de deutérium  ${}^2_1H$  et un noyau de tritium  ${}^3_1H$  conduit à un noyau d'hélium  ${}^4_2He$  et à une particule X . Identifier la particule X .

Le noyau d'uranium 235 :  ${}^{235}_{92}U$  , bombardé par un neutron  ${}^1_0n$  se scinde en deux noyaux plus petits : un noyau de brome :  ${}^{85}_{35}Br$  et un noyau de lanthane :  ${}^{148}_{57}La$  . Cette réaction de fission libère y neutrons . Donner la valeur de y .

b) Calculer en Joule l'énergie libérée par la fusion d'un noyau de deutérium avec un noyau de tritium .

Calculer en Joule l'énergie libérée par la fission d'un noyau d'uranium .

Comparer l'énergie libérée par un kg de deutérium et par un kg d'uranium . Conclure .

c) Déterminer les particules qui constituent un noyau d'hélium . Justifier la stabilité de cet édifice .

Calculer l'énergie moyenne de liaison par nucléon de ce noyau en MeV ( $10^6$  eV) par nucléon .

d) Amorcer la réaction de fusion entre les noyaux de deutérium et de tritium , nécessite des conditions extrêmes ( très fortes pression et température ) . Justifier .

Le contrôle de la réaction de fusion , une fois amorcée , est délicat . Justifier .

Amorcer la réaction de fission d'un noyau d'uranium 235 est plus facile . Justifier .

Néanmoins le contrôle de cette réaction reste délicat . Justifier .

e) Le tritium est radioactif  $\beta^-$  de temps de demi-vie égal à 12,3 ans . Ecrire la réaction de désintégration . En un an , quelle proportion de tritium disparaît ?

### Données

${}^A_Z X$	${}^1_0n$	${}^1_1p$	${}^2_1H$	${}^3_1H$	${}^4_2He$	${}^{85}_{35}Br$	${}^{148}_{57}La$	${}^{235}_{92}U$
m(u)	1,0086	1,0073	2,0141	3,0155	4,0015	84,916	147,932	235,044

$1u = 1,660 \cdot 10^{-27}$  kg ,  $c = 3 \cdot 10^8$  m s<sup>-1</sup> ,  $1 \text{ eV} = 1.6 \cdot 10^{-19}$  J , N (Nombre d'Avogadro) =  $6,02 \cdot 10^{23}$  .